



الرقم الامتحاني :

اسم الطالب :



باركود الاجوبة والملاحظات وتقسيم الدرجة

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A- حل المعادلة $x^3 + 1 = 0$ حيث $x \in \mathbb{C}$ باستخدام نتيجة مبرهنة ديموافر .

B- جد بصورة تقريبية $\sqrt{\frac{1}{2}}$ وباستخدام نتيجة مبرهنة القيمة المتوسطة .

س2 : A- (إذا تعامد مستويان فالمستقيم المرسوم في أحدهما والعمودي على مستقيم التقاطع يكون عمودياً على المستوي الآخر) ، برهن ذلك .

B- جد قيمة تقريبية للتكامل : $\int_2^4 (3x^2 - 3) dx$ باستخدام $\sigma = (2, 3, 4)$.

س3 : A- متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل ، يزداد طول ضلع القاعدة بمعدل (0.5 cm/s) بحيث يبقى الحجم دائماً ثابت مساوياً (48 cm^3) ، وفي اللحظة التي يكون فيها طول القاعدة (4 cm) ، جد معدل تغير الارتفاع .

B- هل أن $yx = \sin 5x$ حلاً للمعادلة $yx'' + 2y' + 25yx = 0$ ؟ بيّن ذلك .

س4 : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه نقطة الأصل وإحدى بؤرتيه هي بؤرة القطع المكافئ $x^2 - 24y = 0$

و يمر من نقطة تقاطع منحنى الدالة $x^2 + y^2 + 16y - 64 = 0$ مع محور السينات .

B- جد تكامل (اثنين) مما يأتي :

$$1) \int (8x + 12) \sqrt{2x + 3} dx \quad 2) \int_1^3 3x^3 e^{-\ln x} dx$$

$$3) \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\tan x}{\cos^2 x} dx$$

C- جد بعدي أكبر مثلث متساوي الساقين يمكن أن يوضع داخل دائرة نصف قطرها (12 cm) .

س5 : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- جسم يتحرك على خط مستقيم بسرعة $V(t) = 3t^2 - 12t + 9 \text{ m/s}$ ، جد المسافة المقطوعة في الفترة

$[0, 2]$ ، ثم احسب الزمن الذي يصبح التعجيل فيه 18 m/s^2 .

B- بيّن أن الدالة $f(x) = \cos 2x + 2\cos x$ حيث $x \in [0, 2\pi]$ تحقق مبرهنة رول ، ثم جد C .

$$C- \text{ اثبت أن : } \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^5 \left[\frac{5\omega^2 i - 1}{5 + \omega i}\right]^{12} = i$$

س6 : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- قطع مكافئ معادلته $h y^2 - 16x = 0$ يمر بالنقطة $(2, 4)$ ، جد قيمة h ، ثم جد إحداثي البؤرة ومعادلة

الدليل مع الرسم .

B- (X) ، (Y) مستويان متعامدان $AB \subset (X)$ و $BD \subset (Y)$ عموديان على AB ويقطعان (Y) في C ، D على الترتيب ، برهن أن $CD \perp (X)$

C- حل المعادلة التفاضلية : $\frac{dy}{dx} = (x + 1)(y - 1)$ حيث $x = 2$ ، $y = 2$



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

| جواب السؤال (الاول) فرع (A) | | | |
|---------------------------------|--|--|---------------------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
| (٤ درجات) | $x^3 + 1 = 0 \Rightarrow x^3 = -1$ $x = (-1)^{\frac{1}{3}}$ $x = (\cos \pi + i \sin \pi)^{\frac{1}{3}}$ $x = \left(\cos \frac{\pi + 2\pi k}{3} + i \sin \frac{\pi + 2\pi k}{3} \right)$ $k = 0, 1, 2$ | | |
| (٦ درجات) | <p>if $k = 0 \Rightarrow x_1 = \cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$</p> $x_1 = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} i$ <p>if $k = 1 \Rightarrow x_2 = \cos \frac{3\pi}{3} + i \sin \frac{3\pi}{3}$</p> $= \cos \pi + i \sin \pi$ $x_2 = -1 + 0i$ <p>if $k = 2 \Rightarrow x_3 = \cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3}$</p> $= \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} i$ $S = \left\{ \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} i, -1 + 0i, \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} i \right\}$ <p>ملاحظة / اذا تمكن الطالب من حل الفرع بطريقة التحليل لدرجة كاملة يعطى درجتان فقط</p> | <p>ملاحظة (٤) يمكن ايجاد الصيغة العنصرية باستخدام المتكامل والحدود.</p> <p>ملاحظة (٥) اذا اخطأ الطالب في ايجاد الزاوية والكل يعطى نصف الدرجة.</p> <p>ملاحظة (٦) الخطأ في حساب الطول مرة واحدة.</p> | |
| | | | تواقيع أعضاء اللجنة |

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

| جواب السؤال (الاول) فرع (B) الطريقة الاولى | | | |
|--|--|--------|--------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
| (٣ درجات) | $\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{0.50} = \sqrt{\frac{50}{100}} = \frac{\sqrt{50}}{10}$ $a = 49$ $b = 50$ $h = b - a$ $\boxed{h = 1}$ | | |
| (٤ درجات) | $\therefore f(x) = \sqrt{x}$ $f(49) = \sqrt{49} = 7$ $\therefore f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ $f'(49) = \frac{1}{2\sqrt{49}} = \frac{1}{2(7)} = \frac{1}{14}$ $= 0.0714$ | | |
| (٣ درجات) | $\therefore f(a+h) = f(a) + h \cdot f'(a)$ $f(50) = 7 + (1)(0.0714)$ $= 7 + 0.0714$ $= 7.0714$ $\therefore \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{7.0714}{10} = 0.70714$ | | |
| | تواقيع أعضاء اللجنة | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

| جواب السؤال (الاول) فرع (B) الطريقة الثانية | | | |
|---|--|------------|---------------------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
| (٣ درجات) | $\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{0.50}$ | | |
| | $f(x) = \sqrt{x}$ | $a = 0.49$ | |
| | $f(0.49) = \sqrt{0.49} = 0.7$ | $b = 0.50$ | |
| | $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ | $h = 0.01$ | |
| (٤ درجات) | $f'(0.49) = \frac{1}{2\sqrt{0.49}} = \frac{1}{2(0.7)}$ | | |
| | $= \frac{1}{1.4} = 0.714$ | | |
| (٣ درجات) | $f(a+h) \cong f(a) + h \cdot f'(a)$ | | |
| | $\cong 0.7 + (0.01)(0.714)$ | | |
| | $\cong 0.7 + 0.00714$ | | |
| | $\cong 0.70714$ | | |
| | ملاحظة :- لا يحاسب الطالب على عدد مراتب الأثر من ثلاثة . | | |
| | | | |
| | | | تواقيع أعضاء اللجنة |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الثاني) فرع (A)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|---------|--|--|---------------------|
| 3 درجات | <p>المعطيات :- $(X) \perp (Y)$ ، $(X) \cap (Y) = \overline{AB}$ ، $\overrightarrow{CD} \subset (Y)$ ، $\overrightarrow{CD} \perp \overline{AB}$</p> <p>المطلوب :- $\overrightarrow{CD} \perp (X)$</p> <p>البرهان :- في (X) نرسم $DE \perp AB$ (في المستوى الواحد يمكن رسم مستقيم واحد عمودي على مستقيم فيه من نقطة معلومة)</p> <p>(معطيات) $\overrightarrow{CD} \perp \overline{AB}$ ، $\overrightarrow{CD} \subset (Y)$</p> <p>$\angle CDE$ عائدة للزوجية $(Y) - \overline{AB} - (X)$ (تعريف الزاوية العائدة)</p> <p>$m \angle CDE = 90^\circ$ (قياس الزاوية الزوجية يساوي قياس الزاوية العائدة لها وبالعكس)</p> <p>$\overrightarrow{CD} \perp \overrightarrow{DE}$ (اذا كان قياس الزاوية بين مستقيمين 90° فالمتقيمين متعامدين)</p> <p>$\overrightarrow{CD} \perp (X)$ (المستقيم العمودي على مستقيمين متعامدين من نقطة تقاطعها يكون عمودياً على مستويهما)</p> | ملاحظة: اذا لم يذكر الطالب الاسماء تخصم منه درجة واحدة . | |
| 7 درجات | | | تواقيع أعضاء اللجنة |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعداية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الثاني) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|--|----------|--------|---------|---------|---------|---------|----------|---|---|----|---|----|----------|---|----|----|----|----|--|--|
| <p>(٤ درجات)</p> <p>(٤ درجات)</p> <p>(درجتان)</p> | <p>$f(x) = 3x^2 - 3$</p> <p>$f'(x) = 6x \Rightarrow 6x = 0$</p> <p>$x = 0$</p> <p>$x \notin [2, 4]$</p> <p>$6x > 0$</p> <p>:- الدالة متزايدة ضمن الفترة $[2, 4]$</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>$[a, b]$</th> <th>h_i</th> <th>m_i</th> <th>M_i</th> <th>$h m_i$</th> <th>$h M_i$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$[2, 3]$</td> <td>1</td> <td>9</td> <td>24</td> <td>9</td> <td>24</td> </tr> <tr> <td>$[3, 4]$</td> <td>1</td> <td>24</td> <td>45</td> <td>24</td> <td>45</td> </tr> </tbody> </table> <p>$L(\sigma, f) = 9 + 24 = 33$</p> <p>$U(\sigma, f) = 24 + 45 = 69$</p> $\int_2^4 (3x^2 - 3) dx = \frac{L(\sigma, f) + U(\sigma, f)}{2}$ $= \frac{33 + 69}{2}$ $= \frac{102}{2} = 51$ | $[a, b]$ | h_i | m_i | M_i | $h m_i$ | $h M_i$ | $[2, 3]$ | 1 | 9 | 24 | 9 | 24 | $[3, 4]$ | 1 | 24 | 45 | 24 | 45 | | |
| $[a, b]$ | h_i | m_i | M_i | $h m_i$ | $h M_i$ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $[2, 3]$ | 1 | 9 | 24 | 9 | 24 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| $[3, 4]$ | 1 | 24 | 45 | 24 | 45 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | <p>تواقيع أعضاء اللجنة</p> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |



جوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

مع المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الثالث) فرع (A)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|---------|---|--------|---------------------|
| ٤ درجات | <p>نفرض طول ضلع القاعدة $X = 4$ و $\frac{dx}{dt} = 0.5$</p> <p>الحجم $V = 48 \text{ cm}^3$</p> <p>الارتفاع $y = ?$</p> <p>لايجاد y</p> <p>$V = X^2 \cdot y$</p> <p>$48 = 16y \Rightarrow y = \frac{48}{16} = 3$</p> | | |
| ٦ درجات | <p>$V = X^2 \cdot y$</p> <p>$48 = X^2 \cdot y$</p> <p>$0 = X^2 \cdot \frac{dy}{dt} + y \cdot 2X \cdot \frac{dx}{dt}$</p> <p>$0 = (4)^2 \frac{dy}{dt} + 3(2) \cdot (4) \cdot (0.5)$</p> <p>$0 = 16 \frac{dy}{dt} + 12 \Rightarrow 16 \frac{dy}{dt} = -12$</p> <p>$\frac{dy}{dt} = \frac{-12}{16}$</p> <p>$\frac{dy}{dt} = \frac{-3}{4} \text{ cm/s}$</p> <p>برصه / لا يحاسب الطول على الرسم</p> | | |
| | | | تواقيع أعضاء اللجنة |





الدور / الثاني

٢٠٢٤ / ٢٠٢٣

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي

الفرع / العلمي - الاول

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الثالث) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|--------------|---|--------|--------|
| (٤ درجات) | $y = \sin 5x$ $y \cdot (1) + x \cdot y' = 5 \cos 5x$ | | |
| (٥ درجات) | $y' + x \cdot y'' + y' \cdot 1 = -25 \sin 5x$ <p>(معادلة التفاضلية)</p> $\therefore x \cdot y'' + 2y' + 25 \sin 5x = 0$ <p>(التعويض)</p> $\therefore y = \sin 5x$ | | |
| (درجة واحدة) | $x y'' + 2y' + 25 y = 0$ <p>\therefore معادلة تمحل حراً للمعادلة التفاضلية</p> | | |





الدور / الثاني

٢٠٢٣ / ٢٠٢٤

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي

الفرع / العلمي - الاول

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الرابع) فرع (A)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|---------|---|--------|--------|
| ٤ درجات | $\left. \begin{aligned} x^2 &= 24y \\ x^2 &= 4py \end{aligned} \right\} \text{بالمعاينة}$ $4p = 24$ $p = 6 \Rightarrow \text{وتمس } (0, 6) \Rightarrow C = 6$ <p>نقطة تقاطع المنحني مع محور السينات</p> $y = 0 \Rightarrow x^2 + (0)^2 + 6(0) - 64 = 0$ $x^2 = 64 \Rightarrow x = \pm 8$ $\therefore a^2 = b^2 + c^2 = 64 + 36 \Rightarrow a^2 = 100$ | | |
| ٤ درجات | $\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$ $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{100} = 1$ | | |
| ٤ درجات | <p>ملاحظة لا يحاسب الطالب على التقديم والتأخير في احتمالات معطيات السؤال.</p> | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٤ / ٢٠٢٣ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

| جواب السؤال (الرابع) فرع (B) | | الصفحة | السؤال |
|----------------------------------|---|--------|---------------------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | | |
| | <p>① $\int (8x + 12) \cdot \sqrt{2x + 3} dx$</p> <p><u>الطريقة الاولى</u></p> <p>$= \int 4(2x + 3) \cdot (2x + 3)^{\frac{1}{2}} dx$</p> <p>$= 2 \int (2x + 3)^{\frac{3}{2}} \cdot 2 dx$</p> <p>$= 2 \cdot \frac{2}{5} \cdot (2x + 3)^{\frac{5}{2}} + C$</p> <p>$= \frac{4}{5} \sqrt{(2x + 3)^5} + C$</p> | | |
| | <p>$\frac{1}{2} \int 2 \cdot \sqrt{(2x + 3)} \cdot (8x + 12) dx$</p> <p><u>الطريقة الثانية</u></p> <p>$= \frac{1}{2} \int \sqrt{(8x + 12)} \cdot (8x + 12) dx$</p> <p>$= \frac{1}{2} \int (8x + 12)^{\frac{1}{2}} \cdot (8x + 12) dx$</p> <p>$= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{8} \int (8x + 12)^{\frac{3}{2}} \cdot 8 dx$</p> <p>$= \frac{1}{8} \cdot \frac{2}{5} (8x + 12)^{\frac{5}{2}} + C$</p> <p>$= \frac{1}{40} (8x + 12)^{\frac{5}{2}} + C$</p> | | |
| | | | تواقيع أعضاء اللجنة |



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

| جواب السؤال (الرابع) فرع (B) | | | |
|------------------------------|--|--------|--------------------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
| (درجتان) | $\textcircled{2} \int_1^3 3x^3 \cdot e^{-x} dx$ $= \int_1^3 3x^3 \cdot e^{-x} dx$ $= \int_1^3 3x^2 \cdot \frac{1}{x} dx$ $= \int_1^3 3x^2 dx = [x^3]_1^3 = 27 - 1 = 26$ | | |
| (درجتان) | $\textcircled{3} \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\tan x}{\cos^2 x} dx$ $= \int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \cdot \frac{1}{\cos^2 x} dx \Rightarrow \int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \cdot \sec^2 x dx$ $= \left[\frac{\tan^2 x}{2} \right]_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{1}{2} \left[\left(\tan \frac{\pi}{4} \right)^2 - \left(\tan 0 \right)^2 \right]$ $= \frac{1}{2} [1 - 0] = \frac{1}{2}$ | | |
| (درجتان) | | | |
| | | | توقيع أعضاء اللجنة |



الدور / الثاني

٢٠٢٣ / ٢٠٢٤

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي

الفرع / العلمي - الاول

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الرابع) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|--------|--|--------|--------|
| | <p>للطريه جانبه</p> $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x}{\cos^2 x} dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x}{\cos x} \cdot \frac{1}{\cos^2 x} dx$ $= \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x}{\cos^3 x} dx = - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos^{-3} x \cdot (-\sin x) dx$ $= \left[\frac{\cos^{-2} x}{-2} \right]_0^{\frac{\pi}{4}} = -\frac{1}{2} \left[\frac{1}{\cos^2 x} \right]_0^{\frac{\pi}{4}} = -\frac{1}{2} \left[\frac{1}{(\cos \frac{\pi}{4})^2} - \frac{1}{(\cos 0)^2} \right]$ $= -\frac{1}{2} \left[\frac{1}{(\frac{1}{\sqrt{2}})^2} - 1 \right]$ $= -\frac{1}{2} (1)$ $= -\frac{1}{2}$ | | |

توافق أعضاء اللجنة



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعيادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الرابع) فرع (C) الطريقة الاولى

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|-----------|---|--------|--------|
| (٥ درجات) | <p>نفرض ابعاد المثلث $2x$ ، h</p> $A = \frac{1}{2} (2x) \cdot h$ $A = x \cdot h \dots (1)$ <p>بتطبيق فيثاغورس على المثلث المظلل</p> $x^2 + (h - 12)^2 = 144$ $x^2 + h^2 - 24h + 144 = 144$ $x^2 = 24h - h^2$ $x = \sqrt{24h - h^2} \dots (2)$ <p>نعوض (2) في (1) ←</p> $A = h \cdot \sqrt{24h - h^2} = \sqrt{h^2 (24h - h^2)}$ $A = \sqrt{24h^3 - h^4}$ $\frac{dA}{dh} = \frac{72h^2 - 4h^3}{2\sqrt{24h^3 - h^4}} \quad ; \quad f'(h) = 0$ $72h^2 - 4h^3 = 0 \Rightarrow 4h^2(18 - h) = 0$ $\Rightarrow h = 18 \text{ Cm}$ $x = \sqrt{24(18) - (18)^2} = \sqrt{108} = 6\sqrt{3}$ $\therefore 2x = 2(6\sqrt{3}) = 12\sqrt{3} \text{ Cm}$ | | |
| (٥ درجات) | | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

الفرع / العلمي - الاول

اسم المادة / الرياضيات

| جواب السؤال (الرابع) فرع (C) الطريقة الثانية | | | |
|--|---|--------|--------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
| ٥ درجات | <p>فرض ابعاد المثلث $2x, h$</p> <p>$A = \frac{1}{2} (2x) \cdot h$</p> <p>$A = x \cdot h \Rightarrow A^2 = h^2 \cdot x^2 \dots (1)$</p> <p>بإستخدام فيثاغورس في المثلث المظلل</p> <p>$x^2 + (h - 12)^2 = 144$</p> <p>$x^2 + h^2 - 24h + 144 = 144$</p> <p>$x^2 = 24h - h^2 \dots (2)$</p> <p>بتعويض معادلة (2) في رقم (1)</p> <p>$A^2 = h^2 (24h - h^2)$</p> <p>$A^2 = 24h^3 - h^4$</p> <p>$2AA' = 72h^2 - 4h^3$</p> <p>$A' = \frac{72h^2 - 4h^3}{2A}$</p> <p>$A' = 0 \Rightarrow 72h^2 - 4h^3 = 0$</p> <p>$4h^2(18 - h) = 0$</p> <p>$h = 18 \text{ Cm}$ الارتفاع</p> <p>$x^2 = 24(18) - (18)^2$</p> <p>$= 18(6) = 108$</p> <p>$x = \sqrt{108} = 6\sqrt{3}$</p> <p>$2x = 12\sqrt{3} \text{ Cm}$ طول القاعدة</p> | | |
| ٥ درجات | | | |



الدور / الثاني

٢٠٢٤ / ٢٠٢٣

الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي

الفرع / العلمي - الاول

اسم المادة / الرياضيات

جواب السؤال (الخامس) فرع (A)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|-----------|--|--------|--------|
| (درجتان) | $v(t) = 3t^2 - 12t + 9 \quad [0, 2]$ $3t^2 - 12t + 9 = 0 \quad \div 3$ $t^2 - 4t + 3 = 0$ $(t - 3)(t - 1) = 0$ <p>لما $t = 3$ او $t = 1 \in [0, 2]$</p> <p style="text-align: center;"> \notin $[0, 2]$ </p> <p>∴ فترات $[0, 1]$, $[1, 2]$ نتكامل</p> | | |
| (٥ درجات) | $d_1 = \left \int (3t^2 - 12t + 9) dt \right $ $= \left \left[t^3 - 6t^2 + 9t \right] \right $ $= \left \left[(1)^3 - 6(1)^2 + 9(1) \right] - [0] \right $ $ 1 - 6 + 9 = 4 = 4 \text{ m}$ | | |

مدرستك : اذا صل لطاير بدون تخينه لعترة او اخطأ في صيغها يملئ ثلاث درجات فقط

← نتج

تواقيع أعضاء اللجنة



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الخامس) فرع (A)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|--------|--|--------|--------|
| ٢ | $d_2 = \left \int_1^2 (3t^2 - 12t + 9) dt \right $ $= \left \left[t^3 - 6t^2 + 9t \right]_1^2 \right $ $= \left \left[(2)^3 - 6(2)^2 + 9(2) \right] - \left[(1)^3 - 6(1)^2 + 9(1) \right] \right $ $\left [8 - 24 + 18] - [1 - 6 + 9] \right $ $= 2 - 4 = -2 = 2m$ $d = d_1 + d_2 = 4 + 2 = 6m$ | | |
| ٢ | <p>السرعة $v(t) = 3t^2 - 12t + 9$ m/s</p> <p>التعجيل $v'(t) = a(t) = 6t - 12$ m/s²</p> $6t - 12 = 18$ $6t = 18 + 12$ $6t = 30$ $\therefore t = 5 \text{ ثانية}$ | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الخامس) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|-----------|--|--------|--------|
| (٣ درجات) | $f(x) = \cos 2x + 2 \cos x \quad [0, 2\pi]$ <p>① الدالة مستمرة على الفترة $[0, 2\pi]$ ② الدالة قابلة للتشتت على الفترة $(0, 2\pi)$ ③ $f(a) = f(b)$</p> $f(0) = \cos 2(0) + 2 \cos 0$ $= 1 + 2(1) = 3$ $f(2\pi) = \cos 2(2\pi) + 2 \cos 2\pi$ $= \cos 4\pi + 2 \cos 2\pi$ $= 1 + 2(1) = 3$ $f(0) = f(2\pi)$ <p>∴ الشرط الثاني تحقق</p> <p>∴ يوجد عنصر c ينتمي للفترة $(0, 2\pi)$ وحققت</p> $f'(c) = 0$ | | |
| (٤ درجات) | $f'(x) = -2 \sin 2x - 2 \sin x$ $f'(c) = -2 \sin 2c - 2 \sin c$ $0 = -2 \sin 2c - 2 \sin c \div (-2)$ $0 = \sin 2c + \sin c \Rightarrow 2 \sin c \cdot \cos c + \sin c = 0$ $0 = \sin c [2 \cos c + 1]$ | | |
| | <p>ع. يتبع</p> <p>تواقيع أعضاء اللجنة</p> | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (الخامس) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|---------|---|--------|--------|
| ٣ درجات | <p>أ) $\sin C = 0 \Rightarrow C = 0, \pi, 2\pi \Rightarrow$ $\pi \in (0, 2\pi)$ $\therefore C = \pi$</p> <p>ب) $2\cos C + 1 = 0 \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2}$ سالب يتبع في الكوسينوس $\therefore C = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} \in (0, 2\pi)$ في الكوسينوس $C = \pi + \frac{\pi}{3} = \frac{4\pi}{3} \in (0, 2\pi)$</p> | | |





الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

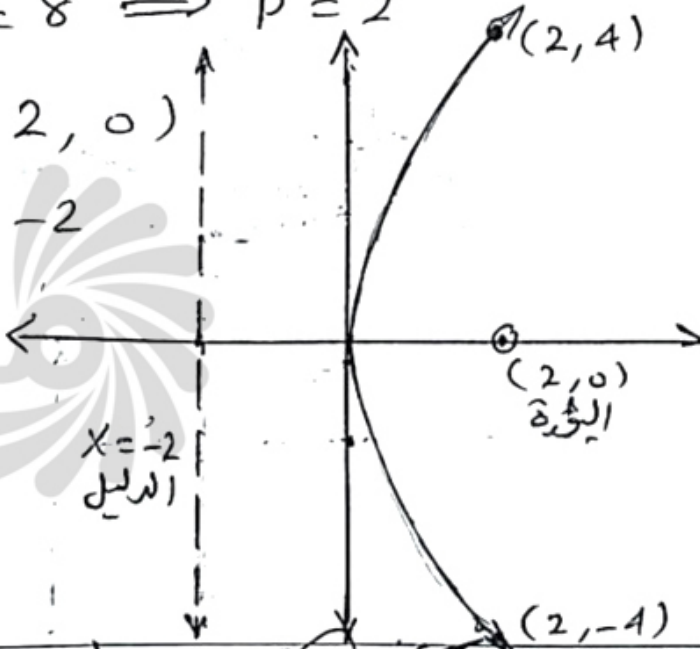
| جواب السؤال (الخامس) فرع (C) | | الصفحة | السؤال |
|----------------------------------|---|---------------------|--------|
| الدرجة | الجواب النموذجي | | |
| ٦ درجات ٤ درجات | <p>الطرف الأيسر = $\left[\frac{1+i}{1-i} \cdot \frac{1+i}{1+i} \right]^5 \left[\frac{5w^2i + w^3i^2}{5+wi} \right]^{12}$</p> <p>= $\left[\frac{2i}{2} \right]^5 \left[\frac{w^2i(5+wi)}{5+wi} \right]^{12}$</p> <p>= $i^5 (w^2i)^{12}$</p> <p>= $i (w^{24} \cdot i^{12})$</p> <p>= $i (w^3)^8 (i^4)^3$</p> <p>= $i (1)^8 (1)^3$</p> <p>= $i (1) (1)$</p> <p>= i الطرف الايمن</p> <p>الطرف الأيمن = الطرف الأيسر</p> | | |
| | | تواقيع أعضاء اللجنة | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الإعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (السادس) فرع (A)

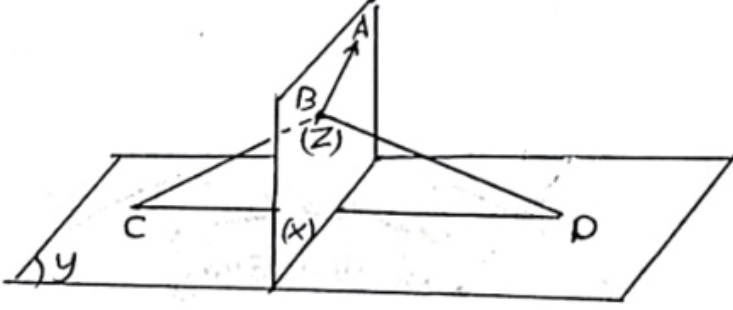
| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال | | | | |
|-----------------|--|---------------------------------------|--------|---|---|---|---|
| (٣ درجات) | $hy^2 - 16x = 0$ نغرض النقطة (2,4) في القطع المكافئ لانها تحققها | ملاحظة : لا يجاب الطالب على الجداول . | | | | | |
| (٥ درجات) | $h(4)^2 - 16(2) = 0$ $16h = 32 \Rightarrow \boxed{h = 2}$ | | | | | | |
| (للمرشد صفحتان) | $2y^2 = 16x \cdot (\div 2)$ $y^2 = 8x$ $\Leftrightarrow y^2 = 4p x$ $4p = 8 \Rightarrow p = 2$ البؤرة F(2, 0) الدليل x = -2  <table border="1" data-bbox="223 1789 430 1975"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>±4</td> </tr> </tbody> </table> | | | x | y | 0 | 0 |
| x | y | | | | | | |
| 0 | 0 | | | | | | |
| 2 | ±4 | | | | | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاور

جواب السؤال (السادس) فرع (B)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|-------------|---|--|--------|
| (٣ درجات) |  <p>المعطيات :- (٧) ينال (٤) (X) \perp \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{BC} ، \overrightarrow{BD} ، $\overrightarrow{AB} \subset (X)$ ، $C \in CD$ ، $D \in CD$ ، (Y) ويقطعان (Y) في C ، D المطلوب :- $\overrightarrow{CD} \perp (X)$ البرهان :- ليكن (Z) مستوي المتقيمين المتقاطعين \overrightarrow{BC} ، \overrightarrow{BD} (لكل مستويين متقاطعين يوجد مستوي واحد يحتويهما) بما أن $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$ ، \overrightarrow{BD} (معطيات) $\therefore \overrightarrow{AB} \perp (Z)$ (المنقمة العمود على مستويين متقاطعين من نقطة تقاطعها يكون عمودياً على مستويهما) $\therefore \overrightarrow{AB} \subset (X)$ (معطيات) $\therefore (X) \perp (Z)$ (حسب مبرهنه ٨) $\therefore (X) \perp (Y)$ (مستطاب) ولما كان $(Z) \cap (Y) = \overrightarrow{CD}$ (لانه محتوي في كل منهما) $\therefore \overrightarrow{CD} \perp (X)$ (اذا كان كل من مستويين متقاطعين عمودياً على مستوي ثالث فان مستوي تقاطعها يكون عمودياً على المستوي الثالث)</p> | ملحوظة: اذا لم تذكر الطاب الاسباب يحطمت منه درجة واحدة - | |
| (٧ درجات) | | | |



الاجوبة النموذجية للدراسة الاعدادية للعام الدراسي ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ الدور / الثاني

اسم المادة / الرياضيات الفرع / العلمي - الاول

جواب السؤال (السادس) فرع (C)

| الدرجة | الجواب النموذجي | الصفحة | السؤال |
|--------|---|--------|--------|
| | $\frac{dy}{dx} = (x+1)(y-1)$ $dy = (x+1)(y-1)dx$ $\frac{dy}{y-1} = (x+1)dx$ $\int \frac{dy}{y-1} = \int (x+1)dx$ $\ln y-1 = \frac{x^2}{2} + x + c \quad \text{الحل العام}$ $\ln(2-1) = \frac{4}{2} + 2 + c$ $\therefore 0 = 4 + c \Rightarrow \boxed{c = -4}$ $\ln y-1 = \frac{x^2}{2} + x - 4 \quad \text{الحل الخاص}$ <p>ملاحظة :- يمكن للطالب حل التفاضل بطريقة الدالة الأيضية ثم يكمل الحل ويعطى درجة كاملة</p> $\int \frac{dy}{y-1} = \int (x+1)dx$ $\ln y-1 = \frac{(x+1)^2}{2} + c$ | | |
| | <p>(3 درجات)</p> <p>(1 درجة)</p> | | |
| | <p>تواقيع أعضاء اللجنة</p> | | |